

Preguntes clau (pàgina 52)

1. Coeficient.
2. La b .
3. a) sumen / part literal; b) coeficient / producte
4. És una expressió algèbrica formada per diversos monomis relacionats per les operacions de suma i resta. Activitat personal.
5. a) No pot ser en cap cas més gran que el grau dels sumands, no obstant si pot ser menor. Per exemple, en $(-x^3 + x^2 + x + 1) + (x^3 - 2)$ els dos sumands tenen grau tres però el resultat $x^2 + x - 1$ té grau 2.
b) Sí. El grau del monomi màxim prové sempre del producte dels dos monomis màxims de cada un dels factors.
6. a) $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
b) $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
c) $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

Activitats (pàgines 53 a 56)

1. a) $(x + y + z)^2$;
b) $(x - y)^3$;
c) $(x / 2 + y / 2)^3$;
d) $x^2 + (y - z) / 3$
2. Substituïm els valors $x = 2$, $i = 3$, $z = 1$:
a) $3x + 2y^2 - z = 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3^2 - 1 = 6 + 18 - 1 = 23$
b) $\frac{x^2 + 2z^2}{xy + 3} = \frac{2^2 + 2 \cdot 1^2}{2 \cdot 3 + 3} = \frac{4 + 2}{9} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$
c) $(x + 3z)^2 = (2 + 3 \cdot 1)^2 = 5^2 = 25$
3. a) $5x^3i^3 \rightarrow$ El grau relatiu de x és 3, el de i és 3 \rightarrow El grau del monomi és 6.
b) $-2ab^6c \rightarrow$ El grau relatiu de a és 1, el de b és 6, el de c és 1 \rightarrow El grau del monomi és 8.
c) $\frac{1}{2}xyz^2 \rightarrow$ El grau relatiu de x és 1, el de i és 1, el de z és 2 \rightarrow El grau del monomi és 4.
4. a) Coeficient: 4; Part literal: a^3 ; Grau: 3.
b) Coeficient: -3; Part literal: x^2 ; Grau: 2.
c) Coeficient: 1; Part literal: x^2i^3z ; Grau: 6.
d) Coeficient: 13; Part literal: a^4b^7 ; Grau: 11.
e) Coeficient: -1; Part literal: m ; Grau: 1.
f) Coeficient: -4; Part literal: x^0 ; Grau: 0.
5. Són semblants:

$2x^3y$; $9x^3y$	$7zx$; $-xz$
$-5xy$; $6xy$	$4x^0$; -5
$7xyz^2$; $3z^2xy$	$-1,5x^2$; $3x^2$

6. a) $8xy + 2xy = 10xy$
b) $11y^2 - y^2 = 10y^2$
c) $5a - 3a = 2a$
d) $8x^2 - 9x^2 = -x^2$
e) $1 - 3x^0 = -2$
f) $xy^3 + 7xy^3 + y^3x = 9xy^3$
g) $6p^5q - p^5q = 5p^5q$
h) $ba + 7ab - 8ab = 0$
7. a) $(4x) \cdot (7x^2) = 28x^3$
b) $(-9xy) : (3x) = -3y$
c) $(x^9y^6) : (3x^3) = (x^6y^6) / 3$
d) $(-7b^2) \cdot (8a^3c) = -56a^3b^2c$
e) $(9x^2) \cdot (3yx^2) = 27x^4y$
f) $(16x^5) : (4x^2) = 4x^3$
g) $(3xy^3) \cdot (5yx) = 15x^2y^4$
h) $(12pq^4) : (6pq^2) = 2q^2$
8. a) $8x^3 + 5x^4 + 3x + 7$:
Grau: 4 Terme independent: 7
b) $i + 7y^2 - 4y^3$:
Grau: 3 Terme independent: 0
c) $3x - 3x^2 + 9x^3 + 2$:
Grau: 3 Terme independent: 2
d) $2 + 3x - 9x^2 + 5x^3$:
Grau: 3 Terme independent: 2
9. a) $7x^4 + 8x^3 + 5x^2 - x \rightarrow$ No és complet, falta el terme x^0 .
b) $x^3 - x^2 + 2x + 6 \rightarrow$ És complet.
c) $x^5 - x^3 + x^2 + x + 9 \rightarrow$ No és complet, falta el terme x^4 .
d) $x^4 + x^3 + 2x^2 + 9x + 1 \rightarrow$ És complet.
10. a) $P(3) = 2 \cdot 27 - 9 + 2 \cdot 3 - 3 = 54 - 9 + 6 - 3 = 48$
 $P(-1) = 2 \cdot (-1) - 1 + 2 \cdot (-1) - 3 = -2 - 1 - 2 - 3 = -8$
 $P(0) = -3$
b) $Q(3) = 8 \cdot 9 + 4 \cdot 3 - 2 = 72 + 12 - 2 = 82$
 $Q(-1) = 8 \cdot 1 + 4 \cdot (-1) - 2 = 8 - 4 - 2 = 2$
 $Q(0) = -2$
c) $R(3) = 81 + 27 - 9 - 3 - 5 = 91$
 $R(-1) = 1 + (-1) - 1 - (-1) - 5 = 1 - 1 - 1 + 1 - 5 = -5$
 $R(0) = -5$
d) $S(3) = -27 - 5 \cdot 9 + 11 \cdot 3 + 9 = -27 - 45 + 33 + 9 = -30$
 $S(-1) = -(-1) - 5 \cdot 1 + 11 \cdot (-1) + 9 = 1 - 5 - 11 + 9 = -6$
 $S(0) = 9$

11. $x = 3 \rightarrow 3^3 + 5 \cdot 3 - 2 = 27 + 15 - 2 = 40$
 $x = 0 \rightarrow 0^3 + 5 \cdot 0 - 2 = -2$
 $x = 1 \rightarrow 1^3 + 5 \cdot 1 - 2 = 1 + 5 - 2 = 4$
 $x = -3 \rightarrow (-3)^3 + 5 \cdot (-3) - 2 = -27 - 15 - 2 = -44$

12. a) $3 \cdot 25 - 24 \cdot 5 + 45 = 0 \rightarrow$ És arrel
 b) $4 \cdot (-8) + 4 \cdot 4 - 4 \cdot (-2) + 8 = 0 \rightarrow$ És arrel
 c) $3 \cdot 8 - 15 \cdot 4 + 18 \cdot 2 = 0 \rightarrow 2$ és arrel
 $3 \cdot 27 - 15 \cdot 9 + 18 \cdot 3 = 0 \rightarrow 3$ és arrel
 d) $2 \cdot 1 + 1 - 23 \cdot 1 + 20 = 0 \rightarrow 1$ és arrel
 $2 \cdot (-64) + 16 - 23 \cdot (-4) + 20 = 0 \rightarrow -4$ és arrel

13. Podem escriure la següent equació:

$$4 \cdot 3 - 5 \cdot 3x + 2 \cdot 3x = 39; \quad -9x + 12 = 39;$$

$$-9x = 39 - 12; \quad x = 27 : (-9) = -3$$

14. a) $-(-x^2 + 8x - 9) = x^2 - 8x + 9$
 b) $-(-6x^3 + 7) = 6x^3 - 7$
 c) $-(x^3 + 15x^2 + x - 6) = -x^3 - 15x^2 - x + 6$
 d) $-(8x^4 - 3x^2 + 7x + 11) = -8x^4 + 3x^2 - 7x - 11$

15. a) $3x^4 - 2x^3 - 15x^2 + 23x - 2$
 b) $x^4 - 3x^2 + 14x + 6$
 c) $-4x^5 - 15x^4 + 9x^3 + 16x^2 + 29x + 8$
 d) $-43x^4 - 11x^3 - 7x^2 - 15x + 21$
16. a) $2 \cdot P(x) - Q(x) = 2(x^3 - 4x^2 - 3) - (-5x^3 - 2x^2 + 3x + 4) = (2x^3 - 8x^2 - 6) - (-5x^3 - 2x^2 + 3x + 4) = 7x^3 - 6x^2 - 3x - 10$
 b) $R(x) - P(x) = (2x^3 + 8x - 6) - (x^3 - 4x^2 - 3) = x^3 + 4x^2 + 8x - 3$
 c) $Q(x) - R(x) = (-5x^3 - 2x^2 + 3x + 4) - (2x^3 + 8x - 6) = -7x^3 - 2x^2 - 5x + 10$
 d) $Q(x) - 3 \cdot P(x) = (-5x^3 - 2x^2 + 3x + 4) - 3(x^3 - 4x^2 - 3) = (-5x^3 - 2x^2 + 3x + 4) - (3x^3 - 12x^2 - 9) = -8x^3 + 10x^2 + 3x + 13$

17. Els resultats són els següents:

a)

$$\begin{array}{r} x^3 - 4x^2 - 3 \\ \hline -5x^3 - 2x^2 + 3x + 4 \\ \hline 4x^3 - 16x^2 \quad -12 \\ \hline -2x^5 + 8x^4 \quad + 6x^2 \\ \hline -5x^6 + 20x^5 \quad + 15x^3 \\ \hline -5x^6 + 18x^5 + 11x^4 + 7x^3 - 10x^2 - 9x - 12 \end{array}$$

b) Primer multipliquem $Q(x) \cdot R(x)$:

$$\begin{array}{r} -5x^3 - 2x^2 + 3x + 4 \\ \hline 2x^3 + 8x - 6 \\ \hline 30x^3 + 12x^2 - 18x - 24 \\ \hline -40x^4 - 16x^3 + 24x^2 + 32x \\ \hline -10x^6 - 4x^5 + 6x^4 + 8x^3 \\ \hline -10x^6 - 4x^5 - 34x^4 + 22x^3 + 36x^2 + 14x - 24 \end{array}$$

I finalment multipliquem per 3 el resultat:
 $-30x^6 - 12x^5 - 102x^4 + 66x^3 + 108x^2 + 42x - 72$

c) Primer calculem $P(x) \cdot R(x)$:

$$\begin{array}{r} x^3 - 4x^2 - 3 \\ \hline 2x^3 + 8x - 6 \\ \hline -6x^3 + 24x^2 \quad + 18 \\ 8x^4 - 32x^3 \quad - 24x \\ \hline 2x^6 - 8x^5 \quad - 6x^3 \\ \hline 2x^6 - 8x^5 + 8x^4 - 44x^3 + 24x^2 - 24x + 18 \end{array}$$

I finalment multipliquem per 4:

$$8x^6 - 32x^5 + 32x^4 - 176x^3 + 96x^2 - 96x + 72$$

d) Multipliquem el resultat obtingut en l'apartat a per $R(x)$:

$$\begin{array}{r} -5x^6 + 18x^5 + 11x^4 + 7x^3 - 10x^2 - 9x - 12 \\ \hline 2x^3 + 8x - 6 \\ \hline 30x^6 - 108x^5 - 66x^4 - 42x^3 + 60x^2 + 54x + 72 \\ -40x^7 + 144x^6 + 88x^5 + 56x^4 - 80x^3 - 72x^2 - 96x \\ -10x^9 + 36x^8 + 22x^7 + 14x^6 - 20x^5 - 18x^4 - 24x^3 \\ \hline -10x^9 + 36x^8 - 18x^7 + 188x^6 - 40x^5 - 28x^4 - 146x^3 - 12x^2 - 42x + 72 \end{array}$$

18. a) $2 \cdot P(x) + 3 \cdot Q(x) = 2(6x^3 - x^2 + 3x + 4) + 3(-2x^3 + 5x^2 - 5x + 2) = (12x^3 - 2x^2 + 6x + 8) + (-6x^3 + 15x^2 - 15x + 6) = 6x^3 + 13x^2 - 9x + 14$

b) $Q(x) + 3 \cdot R(x) = -2x^3 + 5x^2 - 5x + 2 + 3(5x^3 - 3x^2 - 3) = -2x^3 + 5x^2 - 5x + 2 + (15x^3 - 9x^2 - 9) = 13x^3 - 4x^2 - 5x - 7$

c) $4 \cdot P(x) - 2 \cdot R(x) = 4(6x^3 - x^2 + 3x + 4) - 2(5x^3 - 3x^2 - 3) = (24x^3 - 4x^2 + 12x + 16) - (10x^3 - 6x^2 - 6) = 14x^3 + 2x^2 + 12x + 22$

d) $P(x) + 2 \cdot Q(x) + R(x) = (6x^3 - x^2 + 3x + 4) + 2 \cdot (-2x^3 + 5x^2 - 5x + 2) + (5x^3 - 3x^2 - 3) = (6x^3 - x^2 + 3x + 4) + (-4x^3 + 10x^2 - 10x + 4) + (5x^3 - 3x^2 - 3) = 7x^3 + 6x^2 - 7x + 5$

19. $6(2x - 1) + 35x - 2(3x + 5) - 15(3 - x);$

$$12x - 6 + 35x - 6x - 10 - 45 + 15x;$$

$$56x - 61$$

20. $6(6x + 4) - 2(5x + 2) + 9(12 - 3x);$

$$36x + 24 - 10x - 4 + 108 - 27x;$$

$$-x + 128$$

21. a) $12x^4 + 8x^3 - 32x^2 - 16x$; b) $12x^5 - 24x^4 + 12x^2$

22. a) $2x^4 + x^3 - 16x^2 + 8x - 1$

b) $4x^5 - 14x^4 + 11x^3 + 25x^2 - 16x - 15$

c) $-6x^5 + 21x^4 - 4x^3 - 15x^2 + 30x - 8$

d) $35x^5 - 47x^4 + 50x^3 - 69x^2 + 3x + 24$

23. Grau $2 + 4 = 6$

24. Quan el grau del binomi és més gran o igual que 2, ja

que els polinomis tenen com a mínim grau 1 i, per tant, el grau de la multiplicació de dos polinomis té almenys grau 2. És a dir:

$x + k$, on x és la indeterminada i k una constant, no pot ser producte de dos polinomis.

Però, per exemple: $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$

$$b^6 - 1 = (b^3 - 2b^2 + 2b - 1)(b^3 + 2b^2 + 2b + 1)$$

$$c^8 + c = (c^2 + c)(c^6 - c^5 + c^4 - c^3 + c^2 - c + 1)$$

25. $[P(x) + Q(x)] + R(x) = [(4x^2 + 5x) + (3x^2 - 2x)] + (x + 4) = (7x^2 + 3x) + (x + 4) = 7x^2 + 4x + 4$

$$P(x) + [Q(x) + R(x)] = (4x^2 + 5x) + [(3x^2 - 2x) + (x + 4)] = (4x^2 + 5x) + (3x^2 - x + 4) = 7x^2 + 4x + 4$$

26. a) $-20x^2 + 55x - 35$

b) $-48x^4 + 18x^2 + 54x$

c) $6x^4 - 16x^3 + 10x^2$

d) $14x^5 - 35x^4 - 14x^3$

27. $5(3x^2 + 5x - 1)$

28. a) $2x^2(9x^2 + 16)$

b) $2(3x^3 - 5x - 4)$

c) $6(x^2 + 2x - 4)$

d) $2(2x^3 - x^2 - 5x + 3)$

29. a) $4x^2(4x^2 + 3 - 12x)$

b) $5(3x^5 / 2 + x^3 + 2x - 4)$

c) $(3x / 2)(x - x^3 + 5 / 4)$

d) $22(x + 2)[(x + 2) - 2]$

30. a)

$$\begin{array}{r} x^3 + x^2 - x + 2 \\ \hline -x^3 + x^2 \\ \hline 2x^2 - x \\ -2x^2 + 2x \\ \hline x + 2 \\ -x + 1 \\ \hline 3 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x-1 \\ \hline x^2+2x+1 \end{array} \right.$$

b)

$$\begin{array}{r} x^3 - x^2 + 3x - 9 \\ \hline -x^3 + 2x^2 \\ \hline x^2 + 3x \\ -x^2 + 2x \\ \hline 5x - 9 \\ -5x + 10 \\ \hline 1 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x-2 \\ \hline x^2+x+5 \end{array} \right.$$

c)

$$\begin{array}{r} x^3 - 2x^2 - x + 2 \\ \hline -x^3 - x \\ \hline -2x^2 - 2x + 2 \\ 2x^2 + 2 \\ \hline -2x + 4 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x^2+1 \\ \hline x-2 \end{array} \right.$$

31. a)

$$\begin{array}{r} x^2 + 3x + 4 \\ \hline -x^2 - 2x \\ \hline x + 4 \\ -x - 2 \\ \hline 2 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x+2 \\ \hline x+1 \end{array} \right.$$

Quocient $\rightarrow x + 1$; Residu $\rightarrow 2$

b)

$$\begin{array}{r} x^2 + x - 6 \\ \hline -x^2 + x \\ \hline 2x - 6 \\ -2x + 2 \\ \hline -4 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x-1 \\ \hline x+2 \end{array} \right.$$

Quocient $\rightarrow x + 2$; Residu $\rightarrow -4$

c)

$$\begin{array}{r} x^8 \\ \hline -x^8 + x^6 \\ \hline x^6 \\ -x^6 + x^4 \\ \hline x^4 \\ -x^4 + x^2 \\ \hline x^2 - 1 \\ -x^2 + 1 \\ \hline 0 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x^2-1 \\ \hline x^6+x^4+x^2+1 \end{array} \right.$$

Quocient $\rightarrow x^6 + x^4 + x^2 + 1$; Residu $\rightarrow 0$

32. a) Quocient $\rightarrow x^3 - 8x^2 + 17x - 10$; Residu $\rightarrow 0$

b) Quocient $\rightarrow x^2 + x - 5$; Residu $\rightarrow -3x^2 + 15x + 4$

c) Quocient $\rightarrow 2x^3 - 17x^2 + 40x - 15$; Residu $\rightarrow 0$

d) Quocient $\rightarrow 4x^2 - 4$; Residu $\rightarrow x - 5$

33. a) $x^3 - 4x^2 + 2x + 1$

b) $12x^3 + x^2 - 41x + 10$

c)

$$\begin{array}{r} x^2 - 10x + 21 \\ \hline -x^2 + 3x \\ \hline -7x + 21 \\ 7x - 21 \\ \hline 0 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x-3 \\ \hline x-7 \end{array} \right.$$

34.

$$\begin{array}{r} x^4 - 5x^2 + 1 \\ \hline -x^4 + x^2 \\ \hline -4x^2 + 1 \\ 4x^2 - 4 \\ \hline -3 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x^2-1 \\ \hline x^2-4 \end{array} \right.$$

El quocient és $x^2 - 4$ i el residu és -3 .

35.

$$\begin{array}{r} 3x^4 - x^2 + x \\ \hline -3x^4 - 9x^3 + 3x^2 \\ \hline -9x^3 + 2x^2 + x \\ +9x^3 + 27x^2 - 9x \\ \hline 29x^2 - 8x \\ -29x^2 - 87x + 29 \\ \hline -95x + 29 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x^2+3x-1 \\ \hline 3x^2-9x+29 \end{array} \right.$$

El quocient és $3x^2 - 9x + 29$ i el residu és $-95x + 29$.

36. $P(x) = Q(x) \cdot C(x)$:

$$\begin{array}{r} 2x^2 + 1 \\ 3x - 2 \\ \hline -4x^2 & -2 \\ 6x^3 & + 3x \\ \hline 6x^3 - 4x^2 + 3x - 2 \end{array}$$

El dividend és $P(x) = 6x^3 - 4x^2 + 3x - 2$.

37. $P(x) = (3x^2 + 2x) \cdot C(x) + R(x)$

$$R(x) = P(x) - (3x^2 + 2x) \cdot C(x)$$

Calculem en primer lloc $(3x^2 + 2x) \cdot C(x)$:

$$\begin{array}{r} 3x^2 + 2x \\ 3x - 5 \\ \hline -15x^2 - 10x \\ 9x^3 + 6x^2 \\ \hline 9x^3 - 9x^2 - 10x \end{array}$$

És a dir: $R(x) = (9x^3 - 9x^2 - 10x - 4) - (9x^3 - 9x^2 - 10x) = -4$

38. Realitzem la divisió, imosem que el residu sigui zero i solucionem:

$$\begin{array}{r} 12x^4 - 20x^3 - 9x^2 - mx \\ -12x^4 + 20x^3 \\ \hline -9x^2 - mx \\ + 9x^2 - 15x \\ \hline -(15 + m)x \end{array} \quad \left| \begin{array}{c} 3x^2 - 5x \\ 4x^2 - 3 \end{array} \right.$$

Per tant:

$$-(15 + m)x = 0; \quad m = -15$$

39. Realitzem la divisió, igualem el residu a zero i solucionem l'equació que en resulta:

$$\begin{array}{r} x^3 - mx^2 & + x + 6 \quad \left| \begin{array}{c} x - 2 \\ x^2 + (2-m)x + (5-2m) \end{array} \right. \\ -x^3 + 2x^2 & \\ \hline (2-m)x^2 & + x \\ -(2-m)x^2 + (4-2m)x & \\ \hline (5-2m)x & + 6 \\ -(5-2m)x + 10 - 4m & \\ \hline 16 - 4m & \end{array}$$

Finalment: $16 - 4m = 0 \rightarrow m = 16 : 4 = 4$

40. a) $(3x + 3y)^2 = (3x)^2 + 2(3x)(3y) + (3y)^2 = 9x^2 + 18xy + 9y^2$

b) $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 = (\sqrt{3})^2 + 2(\sqrt{3}\sqrt{2}) + (\sqrt{2})^2 = 3 + 2\sqrt{6} + 2 = 5 + 2\sqrt{6}$

c) $(x^2 + 2y)^2 = (x^2)^2 + 2 \cdot x^2 \cdot 2y + (2y)^2 = x^4 + 4x^2y + 4y^2$

d) $(2 + 6x)^2 = 2^2 + 2 \cdot 2 \cdot 6x + (6x)^2 = 4 + 24x + 36x^2$

e) $(3x + x^2)^2 = (3x)^2 + 2 \cdot 3x \cdot x^2 + (x^2)^2 = 9x^2 + 6x^3 + x^4$

f) $\left(\frac{x}{2} + y\right)^2 = \left(\frac{x}{2}\right)^2 + 2 \cdot \frac{x}{2} \cdot y + y^2 = \frac{x^2}{4} + xy + y^2$

41. a) $(a - 5b)^2 = a^2 - 2 \cdot a \cdot 5b + (5b)^2 = a^2 - 10ab + 25b^2$

b) $(8x^2 - 5y)^2 = (8x^2)^2 - 2 \cdot 8x^2 \cdot 5y + (5y)^2 = 64x^4 - 80x^2y + 25y^2$

c) $\left(3x - \frac{5}{2}\right)^2 = (3x)^2 - 2 \cdot 3x \cdot \frac{5}{2} + \left(\frac{5}{2}\right)^2 = 9x^2 - 15x + \frac{25}{4}$

d) $(x^2 - x^3)^2 = (x^2)^2 - 2 \cdot x^2 \cdot x^3 + (x^3)^2 = x^4 - 2x^5 + x^6$

e) $(6p - 7q)^2 = (6p)^2 - 2 \cdot 6p \cdot 7q + (7q)^2 = 36p^2 - 84pq + 49q^2$

f) $\left(2m - \frac{n}{2}\right)^2 = (2m)^2 - 2 \cdot 2m \cdot \frac{n}{2} + \left(\frac{n}{2}\right)^2 = 4m^2 - 2mn + \frac{n^2}{4}$

42. a) $(5x + 5)(5x - 5) = 25x^2 - 25$

b) $\left(\frac{y}{2} + x\right)\left(\frac{y}{2} - x\right) = \left(\frac{y}{2}\right)^2 - x^2 = \frac{y^2}{4} - x^2$

c) $(3x^2 - 2)(3x^2 + 2) = (3x^2)^2 - (2)^2 = 9x^4 - 4$

d) $(3x - \sqrt{3})(3x + \sqrt{3}) = (3x)^2 - (\sqrt{3})^2 = 9x^2 - 3$

43. a) $(4x + 8x^2)^2 = (4x)^2 + 2 \cdot 4x \cdot 8x^2 + (8x^2)^2 = 16x^2 + 64x^3 + 64x^4$

b) $(x + x^2)(x - x^2) = x^2 - (x^2)^2 = x^2 - x^4$

c) $(7x - 2y)^2 = (7x)^2 - 2 \cdot 7x \cdot 2y + (2y)^2 = 49x^2 - 28xy + 4y^2$

d) $(2x^2 + 8xy)^2 = (2x^2)^2 + 2 \cdot 2x^2 \cdot 8xy + (8xy)^2 = 4x^4 + 32x^3y + 64x^2y^2$

44. a) $(2x + 3y)^3 = (2x)^3 + 3 \cdot (2x)^2 \cdot 3y + 3 \cdot 2x \cdot (3y)^2 + (3y)^3 = 8x^3 + 36x^2y + 54xy^2 + 27y^3$

b) $(3a - 2)^3 = (3a)^3 - 3 \cdot (3a)^2 \cdot 2 + 3 \cdot 3a \cdot 2^2 - 2^3 = 27a^3 - 54a^2 + 36a - 8$

c) $\left(\frac{x}{3} - \frac{1}{2}\right)^3 = \left(\frac{x}{3}\right)^3 - 3 \cdot \left(\frac{x}{3}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} + 3 \cdot \frac{x}{3} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{x^3}{27} - \frac{x^2}{6} + \frac{x}{4} - \frac{1}{8}$

d) $(5a + 4b)^3 = (5a)^3 + 3 \cdot (5a)^2 \cdot 4b + 3 \cdot 5a \cdot (4b)^2 + 4b^3 = 125a^3 + 300a^2b + 240ab^2 + 64b^3$

e) $(x + 3x^2)^3 = x^3 + 3 \cdot x^2 \cdot 3x^2 + 3 \cdot x \cdot (3x^2)^2 + (3x^2)^3 = x^3 + 9x^4 + 27x^5 + 27x^6$

f) $(2x - 4xy)^3 = (2x)^3 - 2 \cdot (2x)^2 \cdot 4xy + 3 \cdot 2x \cdot (4xy)^2 - (4xy)^3 = 8x^3 - 48x^3y + 96x^3y^2 - 64x^3y^3$

45. a) $x^2 + 2xy + y^2 + x^2 - 2xy + y^2 = 2x^2 + 2y^2$

b) $x^2 + 2xy + y^2 - (x^2 - 2xy + y^2) = 4xy$

46. a) $x^3 - x^2y + xy^2 + x^2y - xy^2 + y^3 = x^3 + y^3$

b) $x^3 + x^2y + xy^2 - x^2y - xy^2 - y^3 = x^3 - y^3$

47. Busquem un monomi el quadrat del qual sigui: $2x^2 + 4x^2 + 2$

$$2x^2 + 4x^2 + 2 = (\sqrt{2}x)^2 + 2 \cdot \sqrt{2}x \cdot \sqrt{2} + (\sqrt{2})^2 = \\ = (\sqrt{2}x + \sqrt{2})^2$$

48. Activitat personal.

En efecte, les igualtats són certes.

49. a) $x^{2a-2} + y^{2a+2} + 2x^{a-1}y^{a+1}$

b) $x^{2a+4} - 4x^{a+2}y^{a-2} + 4y^{2a-4}$

c) $9x^{2a+2} - 16y^{2a-2}$

d) $16x^{2y} + 25y^{2x} + 40x^y y^x$

50. a) $x - y$

b) $x + y$

c) $x^2 - xy + y^2$

d) $x^2 + xy + y^2$

51. a) $(3x^2 - 2y)(3x^2 + 2y)$

b) $(4xy - 9z)(4xy + 9z)$

c) $(x/8 - 2y/6)(x/8 + 2y/6)$

d) $(0,1x^2y - \sqrt{2}x)(0,1x^2y + \sqrt{2}x)$

52. a) $(x^2 - 1)(x^2 + 1)$

b) $(9x^2 - 4x)(9x^2 + 4x)$

c) $(1 - 16x^2y^2)(1 + 16x^2y^2)$

d) $(y^2 - 4x^2)(y^2 + 4x^2)$

53. a) $x - y$

b) $x + y$

c) $x^2 - xy + y^2$

d) $x^2 + xy + y^2$

54. Per deduir el desenvolupament de $(x + y + z)^2$ sumem l'àrea dels 9 rectangles que apareixen en la figura:

$$(x + y + z)^2 = x^2 + xy + xz + yx + y^2 + yz + zx + zy + z^2 = \\ = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2xz + 2yz$$

55. No és cert que $2^n + 1$ sigui sempre un nombre primer, ja que per a $n = 3$ hem de $2^3 + 1 = 8 + 1 = 9$ i 9 no és un nombre primer.

56. a) La més curta, és a dir, B → D → F.

b) El recorregut mínim és A → B → E → D → F → → C → A.

És indiferent on s'estableixi l'origen-final ja que el recorregut passa per tots els pobles.

57.a) 10 és el 10% de 100, per tant, el nou costat

del corral haurà de mesurar $10 + 0,1 \cdot 10 = 1,1 \cdot 10 = 11$ m.

El nou corral tindrà una àrea d' $11^2 = 121$ m².

b) L'àrea del corral és de $10^2 = 100$ m², per tant, l'àrea del nou corral hauria de ser de $100 + 0,1 \cdot 100 = 1,1 \cdot 100 = 110$ m².

El costat del nou corral mesuraria $\sqrt{110}$ m = 10,5 m.

c) En el primer.

Zon@web (pàgina 56 del llibre)

- Solucions a la pàgina 3-25 d'aquesta guia.

Autoavaluació (pàgina 57)

1. **a)** $50x$; **b)** $x + 5$; **c)** $x / 5$; **d)** $n + n + 1 = 2n + 1$

2. Són monomis la primera i la tercera expressió:

$$7x^2y \rightarrow \text{Coeficient, } 7; \text{ Part literal, } x^2y$$

$$xy^2 / 3 \rightarrow \text{Coeficient, } 1/3; \text{ Part literal, } xy^2$$

3. Per exemple:

$$4ab^2c, -10ab^2c, 30ab^2c$$

4. Activitat personal.

5. a) $-2ab^2$

b) $15x^3 y^2 z$

c) $8x^3y - 12x^2yz$

d) $7/3 a^2 b^2 c$

6. a) $x^3 + 2x^2 + x + 1$

b) $x^3 + 2x^2 - 2x + 1$

c) $3x^4 - 6x^2 + 18x$

$$\begin{array}{r} x^3 - 2x + 6 \\ \hline -x^3 \\ \hline -2x \\ 2x \\ \hline 6 \end{array}$$

7.
$$\begin{array}{r} x^3 - 5x^2 + x - 3 \\ \hline -x^3 - 5x^2 \\ \hline -10x^2 + x \\ 10x^2 + 50x \\ \hline 51x - 3 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x + 5 \\ x^2 - 10x + 51 \end{array} \right.$$

$$\begin{array}{r} -51x - 255 \\ \hline -258 \end{array}$$

El quocient és $x^2 - 10x + 51$ i el residu és -258.

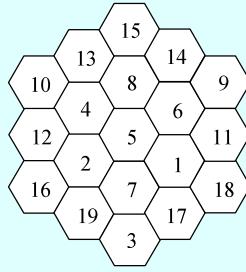
8. a) $3(4x^2 + 3x - 1)$

b) $2x(x^2 - 2x - 1)$

9. a) $(2x + y)^2 = (2x)^2 + 2 \cdot 2x \cdot y + y^2 = 4x^2 + 4xy + y^2$
 b) $(x^2 - 2)^2 = (x^2)^2 - 2 \cdot x^2 \cdot 2 + 2^2 = x^4 - 4x^2 + 4$
 c) $(x + 3)(x - 3) = x^2 - 3^2 = x^2 - 9$

10. Si x és l'altura, la base mesura $x + 3$ i per tant:

- a) $P = x + (x + 3) + x + (x + 3) = 4x + 6$
 b) $A = x(x + 3) = x^2 + 3x$



Jocs matemàtics (pàgina 57)

- La distribució dels exponents és la següent:

- Si $b = 234.579.654$:

$$b^2 - (b - 10) \cdot (b + 10) = b^2 - (b^2 - 10^2) = b^2 - b^2 + 100 = 100$$

SOLUCIONS DE LES ACTIVITATS DE LA PÀGINA 49

(ve de la pàgina 3-15)

Pàgina 49

26. a)
$$\begin{array}{r} 4x^6 + x^5 - 4x^3 - x^2 \\ \underline{-4x^6 - x^5} \\ \hline -4x^3 - x^2 \\ \underline{4x^3 + x^2} \\ \hline 0 \end{array} \leftarrow \text{Residu}$$
 Quocient: $\frac{4x+1}{x^5-x^2}$

b)
$$\begin{array}{r} x^4 \\ -x^4 + x^3 \\ \hline x^3 \\ -x^3 + x^2 \\ \hline x^2 \\ -x^2 + x \\ \hline x + 1 \\ -x + 1 \\ \hline 12 \end{array} \leftarrow \text{Residu}$$
 Quocient: $\frac{x-1}{x^3+x^2+x+1}$

c)
$$\begin{array}{r} x^4 + x^3 + x^2 + x + 1 \\ -x^4 + x^2 \\ \hline x^3 + 2x^2 + x \\ -x^3 + x \\ \hline 2x^2 + 2x + 1 \\ -2x^2 + 2 \\ \hline 2x + 3 \end{array} \leftarrow \text{Residu}$$
 Quocient: $\frac{x^2 - 1}{x^2 + x + 2}$

ZON@WEB, PÀGINA 56 DEL LLIBRE

1. a) Pertany al primer tram. $P(0) = 600$ justins

- b) Pertany també al primer tram:

$$P(9000) = 0,2 \cdot 9000 + 600 = 2400 \text{ justins}$$

- c) Pertany al segon tram:

$$\begin{aligned} P(30000) &= 3000 + 0,15 \cdot (30000 - 12000) = \\ &= 5700 \text{ justins} \end{aligned}$$

- d) Pertany al tercer tram:

$$\begin{aligned} P(1000000) &= 3500 + 0,01 \cdot (1000000 - 40000) + \\ &+ 0,001 \cdot (2 \cdot 1000000 - 100000) = 15000 \text{ justins} \end{aligned}$$

2. a) $E(0) = 150 + 3 \cdot 0 + 0,5 \cdot 0^2 = 150 \text{ m}$

- b) $E(10) - E(0) = 150 + 3 \cdot 10 + 0,5 \cdot 10^2 - 150 = 80 \text{ m}$

- c) $E(t) - E(0) = 540 \Rightarrow 3 \cdot t + 0,5 \cdot t^2 = 540 \Rightarrow t = 30 \text{ s}$

3. a) $B(0) = 12 \rightarrow$ La inversió va ser de 12000 €

- b) $B(t) = 0 \rightarrow t = 2 \text{ anys i } t = 12 \text{ anys. Per la forma de la paràbola, veiem que va començar a tenir guanys als 2 anys.}$

- c) $B(7) = 12500 \text{ €}$

- d) $B(t) = 0 \rightarrow t = 2 \text{ anys i } t = 12 \text{ anys. Per la forma de la paràbola, veiem que va començar a tenir pèrdues 12 anys després de la seva fundació.}$